

مقایسه‌ی روش تجربی بهینه برای برآورد تابش با مقیاس‌های زمانی مختلف در ناحیه‌ی اقلیمی مشهد

محمد موسوی بایگی (دانشیار هواشناسی دانشگاه فردوسی مشهد، نویسنده مسئول)

mousavi500@yahoo.com

بتول اشرف (دانشجوی کارشناسی ارشد هواشناسی کشاورزی دانشگاه فردوسی مشهد)

چکیده

تابش خورشیدی، یکی از مهمترین پارامترهای تأثیرگذار در توازن حرارتی جو زمین بوده و مبنای بسیاری از مطالعات اقلیمی است. با توجه به نبود امکان استفاده از پیرانومتر در همه، روش‌های تجربی بسیاری برای برآورد آن توسط محققان در سراسر جهان پیشنهاد شده است. در این تحقیق از هفت الگوی پیشنهادی که برای اقلیم نیمه خشک مشهد واسنجی شده است، برای انتخاب بهترین الگوی برآورد تابش خورشیدی در مقیاس‌های زمانی مختلف استفاده شده است. این الگوها عبارت‌اند از الگوی آنگستروم-پرسکات پیشنهادی توسط فائو، الگوی آنگستروم-پرسکات واسنجی شده توسط خلیلی و رضایی صدر شماره ۱ و ۲، الگوی آنگستروم-پرسکات واسنجی شده توسط علیزاده و خلیلی، الگوی رگرسیون خطی علیزاده و خلیلی، الگوی صباغ و الگوی گلور-مک کلوت. بررسی نتایج در دو مقیاس روزانه و ماهانه (متوسط روزانه در ماه) نشان داد که در مقیاس روزانه الگوی آنگستروم-پرسکات واسنجی شده توسط خلیلی و رضایی صدر که دارای $t = 0.80$ و $MBE = -0.37$ ، $RMSE = 4.50$ ، $R^2 = 0.647$ است و طیف جذبی بخارآب موجود در اتمسفر نیز در آن منظور شده است، بهترین الگوی برآورد تابش خورشیدی در اقلیم نیمه خشک مشهد می باشد. همچنین در این مقیاس، معادله‌ی آنگستروم-پرسکات شماره ۲ (واسنجی شده توسط خلیلی و رضایی صدر) و معادله‌ی رگرسیونی علیزاده و خلیلی در اولویت های بعدی قرار دارند. برای مقیاس ماهانه نیز، می توان الگوی گلور-مک کلوت را

با $t = 0.29$ و $MBE = 0.08$ ، $RMSE = 2.70$ ، $R^2 = 0.849$ به عنوان بهترین الگوی برآورد تابش خورشیدی در این منطقه معرفی نمود.

کلیدواژه‌ها: اقلیم نیمه خشک مشهد، تابش طول موج کوتاه، طیف جذبی، الگوهای برآورد تابش خورشیدی، مقیاس روزانه و ماهانه.

درآمد:

تابش خورشیدی یکی از مهمترین پارامترهای تأثیرگذار در توازن حرارتی جو زمین است و مبنای بسیاری از مطالعات اقلیمی است (۲)، به طوری که در هواشناسی کشاورزی، مدیریت آب و سایر علوم کاربرد دارد. بنابراین تعیین دقیق مقدار تابش خورشیدی در هر مکان از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. از جمله دقیق‌ترین روش‌های اندازه‌گیری تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین، استفاده از پیرانومتر است که کاربرد آن هنوز در بسیاری از مناطق به دلیل نبود امکانات کافی محدود است. بنابراین باید با استفاده از روش‌های تجربی مناسب، مقدار آن را برآورد کرد (۵ و ۱۰). این مسأله باعث ترغیب دانشمندان و محققان به سوی ارائه و استفاده از الگوهای تابش شده است. مقادیر تابش به روش‌های مختلفی از جمله روابط تجربی و رگرسیونی، استفاده از فن سنجش از دور و شبکه‌های عصبی و میان‌یابی خطی محاسبه می‌شوند (۲). اما از میان همه‌ی این روش‌ها، معادلات تجربی کاربرد گسترده‌تری داشته و از محبوبیت بیشتری نیز بین کاربران برخوردار است.

به طور کلی معادلات تجربی برآورد تابش طول موج کوتاه خورشیدی را می‌توان به سه دسته تقسیم‌بندی کرد. اول معادلاتی که مبنای آن‌ها ساعات آفتابی است (۶ و ۱۳)، دوم معادلاتی که مبنای آن‌ها دمای هوا است (۷) و سوم معادلاتی که بر مبنای ابرناکی محاسبه می‌شوند (۸). اگرچه تعداد زیادی از پارامترهای هواشناسی مانند رطوبت نسبی، ابرناکی، دما و ساعات آفتابی بر مقدار تابش خورشیدی مؤثر هستند، اما تحقیقات متعدد نشان داده است که تأثیر ساعات آفتابی بر مقدار تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین، بیش از سایر پارامترهاست. بر این اساس معادلات مختلفی برای برآورد مقدار تابش خورشیدی پیشنهاد شده است که یکی از

مهمترین آن‌ها، معادله‌ی آنگستروم است که در سال ۱۹۲۴ ارائه شد (۶). این معادله بعدها توسط پرسکات اصلاح شد، که به معادله‌ی آنگستروم-پرسکات مشهور است (۵). پژوهشگران زیادی در سراسر دنیا به واسنجی این معادله برای مناطق مختلف پرداخته‌اند. تحقیقات یانگ نشان داد که معادله‌ی آنگستروم-پرسکات در مطالعات و الگوسازی‌های هیدرولوژی و کشاورزی کاربرد بسیار گسترده‌ای دارد (۲۱). آلموروکس و همکاران (۵) نیز تابش روزانه را برای منطقه‌ی تولدو^۱ اسپانیا به روش آنگستروم-پرسکات مورد بررسی قرار دادند تا بهترین برآورد ماهانه را برای ضرایب این معادله به دست آورند. آن‌ها از پارامترهای آماری $RMSE$ ، MBE و t برای انتخاب بهترین ضرایب استفاده نمودند و سپس ضرایب را برای هر ماه به طور جداگانه محاسبه و معادله را واسنجی نمودند. رحمان (۱۵) با استفاده از شانزده الگوی مختلف برآورد تابش، مقادیر تابش محاسبه شده را در عربستان با مقادیر تابش اندازه‌گیری شده با پیرانومتر مقایسه کرد و از بین آن‌ها بهترین الگو را، که الگوی خطی آنگستروم-پرسکات با ضرایب $a=0.3465$ و $b=0.352$ بود، انتخاب نمود. الاجیب و همکارانش (۹) در بحرین، الگوی جدیدی برای برآورد تابش خورشیدی با کم‌ترین خطا و حداقل تعداد پارامترهای هواشناسی مورد نیاز و تنها با استفاده از داده‌های دما، ساعات آفتابی، رطوبت نسبی و تابش فرازمینی، ارائه کردند. در این تحقیق، بررسی داده‌ها برای ماه‌های ژانویه تا ژوئن و ژوئیه تا دسامبر، به طور جداگانه انجام شد و برای هر کدام سه معادله بر اساس ساعات آفتابی، رطوبت نسبی و دما و نیز رطوبت نسبی، دما و ساعات آفتابی به دست آمد.

در سال ۲۰۰۶ اسکیکر (۱۸) در استان داماسکو سوریه با استفاده از هفت پارامتر مختلف هواشناسی و جغرافیایی، سیزده معادله یک تا هفت متغیری را برای محاسبه‌ی تابش خورشیدی مورد بررسی قرار داد و با وجود قابل قبول بودن همه‌ی معادلات، معادله‌ی ارائه شده با هفت متغیر را به عنوان بهترین الگو از نظر آماری انتخاب نمود. یانگ و همکاران (۲۱) نیز در سال ۲۰۰۶ الگوی جهانی برای برآورد تابش ساعتی، روزانه و متوسط روزانه در هر ماه ارائه نمودند. نکته‌ی مهم و جدید در این معادله، استفاده از پارامترهای فشار سطحی، توزیع جهانی

ضخامت ازن، آب قابل بارش و توزیع جهانی ضریب تیرگی آنگستروم علاوه بر ساعات آفتابی است. طغرل و اونات (۲۰) با استفاده از شش پارامتر هواشناسی، معادله‌ی رگرسیونی خطی چند متغیره‌ای برای برآورد تابش در منطقه الازیگ^۱ ترکیه به دست آوردند. آن‌ها علاوه بر پارامترهای معمول از دمای خاک نیز استفاده نمودند. در تحقیق ارائه شده توسط ایزومون و مایر (۱۰) الگوهای کاستن (بر مبنای ابرناکی) و آنگستروم-پرسکات، گارج و سیوکف (بر مبنای ساعات آفتابی) مورد بررسی قرار گرفت. این تحقیق در دو منطقه‌ی کوهستانی فلدبرگ^۲ و منطقه‌ی مسطح برمگارتن^۳ انجام شد که در نهایت الگوی آنگستروم-پرسکات و گارج به عنوان بهترین الگوهای برآورد تابش خورشیدی انتخاب شدند. در ایران نیز سبزی‌پرور و شتایی در سال ۲۰۰۷، در نواحی خشک و نیمه خشک غرب و شرق ایران، شش معادله‌ی پالتریج، صباغ، دانشیار، پالتریج اصلاح شده، صباغ اصلاح شده و دانشیار اصلاح شده را مورد بررسی قرار داده و مقدار تابش را برآورد کردند (۱۷). موسوی بایگی و همکاران در یک اقلیم نیمه خشک الگوی آنگستروم-پرسکات پیشنهادی توسط فائو را به عنوان مناسب ترین الگو معرفی کردند (۳). لویز و همکاران نیز با استفاده از داده‌های تابش‌سنجی شش ایستگاه در اسپانیا، الگوهای مختلف تابش خورشیدی را ارزشیابی کردند (۱۲). همچنین سوزن، مقدار تابش خورشیدی را با استفاده از شبکه‌های عصبی برای مناطق مختلف کشور ترکیه محاسبه کرد که نتایج به دست آمده، نشان‌دهنده‌ی قابل اعتماد بودن این تکنیک برای محاسبه‌ی تابش خورشیدی در اقلیم ترکیه می باشد (۱۹).

با توجه به این‌که تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین مبنای بسیاری از مطالعات اقلیمی است، در این تحقیق روش‌های تجربی پیشنهادی توسط پژوهشگران مختلف برای برآورد تابش خورشیدی در اقلیم نیمه خشک مشهد مورد بررسی قرار گرفت و نتایج آن با مقادیر

1. Elazig

2. Feldberg

3. Bremgarten

اندازه گیری شده توسط پیرانومتر مقایسه شد تا مناسب ترین معادله برای دست یابی به نتایج بهتر و دقیق تر در این منطقه تعیین شود.

مواد و روش ها

منطقه ی مورد مطالعه:

موقعیت مورد مطالعه در این تحقیق ایستگاه سینوپتیک شهر مشهد در استان خراسان رضوی واقع در طول جغرافیایی ۵۹/۳۸ درجه ی شرقی، عرض جغرافیایی ۳۶/۱۶ درجه ی شمالی و ارتفاع ۹۹۹/۲ متر از سطح دریا می باشد. شهر مشهد به دلیل موقعیت جغرافیایی خاص که در منطقه ی مرزی بین شمال و جنوب خراسان قرار دارد و همچنین تداخل جبهه های مختلف آب و هوایی دارای آب و هوایی دارای آب و هوا و خصوصیات ویژه اقلیمی است. در مجموع این شهر دارای آب و هوای متغیر، اما معتدل و متمایل به سرد و خشک است. میانگین ساعات آفتابی سالانه مشهد ۲۸۹۲ ساعت در سال و میانگین سالانه تابش رسیده به سطح زمین تقریباً ۱۹۵ وات بر متر مربع است (۲). در شکل ۱ موقعیت جغرافیایی شهر مشهد در استان خراسان رضوی نشان داده شده است.

شکل ۱. موقعیت جغرافیایی شهر مشهد در استان خراسان رضوی



در این مطالعه، پارامترهای دما، ساعات آفتابی، رطوبت نسبی و بارش برای برآورد مقدار تابش رسیده به سطح زمین (R_s) مورد استفاده قرار گرفتند. برای مقایسه‌ی نتایج به دست آمده با مقادیر واقعی نیز، از داده‌های تابش اندازه‌گیری شده توسط پیرانومتر که از ابتدای سال ۱۹۸۰ تا پایان ۲۰۰۳ در دسترس بود (به استثنای روزهای حذف شده به دلیل در اختیار نبودن داده) استفاده شد. همچنین مقادیر تابش فرازمینی (R_{th}) با استفاده از رابطه‌ی ارائه شده توسط آلن و همکاران (۴) برآورد گردید. ارزشیابی الگوهای برآورد تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین و انتخاب بهترین آن‌ها در دو مقیاس زمانی روزانه و ماهانه انجام شد. مقیاس روزانه برای استفاده مستقیم از داده‌ها انتخاب گردید، اما از آن‌جا که در بیشتر مطالعات و به ویژه در معادلات برآورد تبخیر-تعرق، محاسبه‌ی تابش به صورت ماهانه صورت می‌گیرد، مقیاس ماهانه نیز مورد بررسی قرار گرفت. لازم به ذکر است که پس از بررسی داده‌ها، برای افزایش دقت محاسبات، مقادیر پرت حذف شده و محاسبات تنها با داده‌های قابل قبول انجام شد.

معادلات برآورد تابش خورشیدی

همان‌گونه که ذکر شد برای برآورد میزان تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین (R_s)، تاکنون تلاش‌های فراوانی صورت گرفته و معادلات بسیاری ارائه شده است. در این تحقیق از هفت روش محاسبه‌ی R_s استفاده شد که از بین آن‌ها، چهار الگو برای منطقه‌ی مورد مطالعه، واسنجی شده‌اند. معادله‌های استفاده شده در این مطالعه عبارت‌اند از:

معادله‌ی آنگستروم-پرسکات شماره ۱

این معادله به دلیل سادگی، کاربرد گسترده‌ای در محاسبه‌ی تابش رسیده به سطح زمین دارد و در برآورد تبخیر-تعرق به روش پنمن-مانتیث-فائو برای مناطقی که روش مناسبی برای محاسبه‌ی تابش آن‌ها ارائه نشده و یا مقادیر تابش آن‌ها اندازه‌گیری نمی‌شود، مورد استفاده قرار می‌گیرد (۴). معادله‌ی آنگستروم-پرسکات به طور کلی به صورت زیر است که در آن ضرایب a و b برای هر منطقه قابل محاسبه است.

$$R_s = R_a \left(a + b \frac{n}{N} \right) \quad (1)$$

فائو این ضرایب را به ترتیب برابر ۰/۲۵ و ۰/۵ پیشنهاد کرده و بنابراین رابطه‌ی بالا را به شکل زیر ارائه نموده است:

$$R_s = R_a \left(0.25 + 0.5 \frac{n}{N} \right) \quad (2)$$

معادله‌ی آنگستروم- پرسکات شماره ۲

این رابطه در واقع همان رابطه‌ی آنگستروم- پرسکات است که در سال ۱۳۷۶ توسط خلیلی و رضایی صدر برای ایستگاه‌های مختلف ایران واسنجی شده و برای شهر مشهد به صورت رابطه‌ی زیر ارائه شده است (۱):

$$R_s = R_a \left(0.3 + 0.37 \frac{n}{N} \right) \quad (3)$$

معادله‌ی آنگستروم- پرسکات شماره ۳

خلیلی و رضایی صدر اعتقاد داشتند که رابطه‌ی آنگستروم- پرسکات تأثیر طیف جذبی بخار آب در اتمسفر را در نظر نمی‌گیرد. بنابراین معادله‌ی دیگری برای مناطق مختلف ایران به دست آوردند که برای شهر مشهد به صورت زیر است (۱):

$$R_s = R_a \left[0.51 \exp \left(0.35 \left(\frac{n}{N} - RH \right) \right) \right] \quad (4)$$

در این معادله، RH میانگین رطوبت نسبی سه دیدبانی بر حسب صدم است.

معادله‌ی آنگستروم- پرسکات شماره ۴

معادله‌ی آنگستروم- پرسکات در سال ۱۳۸۸ توسط علیزاده و خلیلی نیز برای منطقه مشهد واسنجی شده است (۲). در مطالعه‌ی آنها، مقادیر a و b برای مشهد با توجه به داده‌های تابش رسیده به سطح زمین (R_s)، ساعات آفتابی و نیز مقدار تابش فراجوی (R_a) محاسبه شده

به روش آلن و همکاران (۳) در محیط برنامه نویسی *MATLAB* برآورد شد و نتیجه‌ی آن به صورت زیر ارائه گردید:

$$R_s = R_a \left(0.23 + 0.44 \frac{n}{N} \right) \quad (5)$$

معادله‌ی رگرسیونی علیزاده و خلیلی

این معادله توسط علیزاده و خلیلی و با استفاده از پارامترهای بارش، دماهای بیشینه و کمینه، میانگین رطوبت نسبی و کمبود فشار بخار اشباع، به صورت رابطه‌ی زیر ارائه شد (۲):

$$R_s = R_a \left[0.32 + 0.42 \frac{n}{N} - 0.0006RH - 0.0028P - 0.0019(T_{\max} - T_{\min}) - 0.0048D - 0.0007D^2 \right] \quad (6)$$

در این رابطه RH میانگین رطوبت نسبی روزانه (درصد)، P بارش روزانه (میلی‌متر)، T_{\max} دمای بیشینه (درجه‌ی سلسیوس)، T_{\min} دمای کمینه (درجه‌ی سلسیوس) و D کمبود فشار بخار اشباع (میلی بار) می باشد.

معادله‌ی صباغ

این الگو توسط صباغ در سال ۱۹۷۷ میلادی و به صورت زیر ارائه شد (۱۶):

$$R_s = 1.53k \exp \left[\frac{L(D - RH^{0.333})}{100 - \left(\frac{1}{\bar{T}_{\max}} \right)} \right] \quad (7)$$

که در آن L عرض جغرافیایی محل (rad)، D نسبت ساعات آفتابی به ۱۲ ساعت $\left(\frac{n}{12} \right)$ ، RH میانگین روزانه رطوبت نسبی در ماه مربوط (درصد)، \bar{T}_{\max} میانگین بیشینه‌ی دمای روزانه

(درجه‌ی سلسیوس) و ضریب k برای هر محل مقداری است ثابت و به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$k = 100(\lambda N + W_{ij} \cos L) \quad (۸)$$

در این رابطه W_{ij} فاکتور فصلی Reddy (۱۴) است و بین $1/7$ در دسامبر و $2/48$ در ژوئیه متغیر است. همچنین λ عامل عرض جغرافیایی (nm) و برابر است با:

$$\lambda = \frac{0.2}{(1 + 0.1\phi)} \quad (۹)$$

که در آن ϕ عرض جغرافیایی محل (درجه) است. لازم به ذکر است که مقدار تابش به دست آمده با استفاده از این الگو به صورت متوسط تابش روزانه در ماه مورد نظر است.

معادله‌ی گلور-مک کلوت (آنگستروم-پرسکات شماره ۵)

گلور و مک کلوت ضریب a در رابطه‌ی آنگستروم-پرسکات را به عرض جغرافیایی ارتباط داده و رابطه‌ی زیر را ارائه نمودند (۱):

$$\frac{R_s}{R_a} = 0.29 \cos \phi + 0.52 \frac{n}{N} \quad (۱۰)$$

معیارهای آماری واسنجی (شاخص های خطا سنجی)

در این تحقیق برای ارزشیابی دقت الگوها و مقایسه‌ی نسبی نتایج الگوهای برآوردی با مقادیر اندازه‌گیری شده تابش رسیده به سطح زمین توسط پیرانومتر، آزمون‌هایی که توسط جاکوویدز (۱۱) پیشنهاد شده است، انجام شد. جاکوویدز نشان داد که استفاده از شاخص‌های $RMSE$ ، MBE به تنهایی، موجب بروز خطا در انتخاب بهترین الگو می‌شود، لذا توصیه نمود که در

1. Root Mean Square Error

2. Mean Bios Error

کنار این دو شاخص، از معیار t که ترکیبی از آن‌هاست نیز، استفاده شود. شاخص‌های گفته شده به صورت زیراند:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (P_i - O_i)^2}{n}} \quad (11)$$

$$MBE = \frac{\sum_{i=1}^n (P_i - O_i)}{n} \quad (12)$$

$$t = \sqrt{\frac{(n-1)MBE^2}{RMSE^2 - MBE^2}} \quad (13)$$

در این معادلات P_i مقدار برآورد شده تابش خورشیدی (با استفاده از الگوها)، O_i مقدار اندازه‌گیری شده تابش خورشیدی (با استفاده از پیرانومتر) و n تعداد مشاهدات است.

نتایج و بحث

همان‌گونه که در بخش‌های قبل آمد، در این تحقیق برای برآورد میزان تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین از هفت الگوی مختلف استفاده شد و سپس مقادیر برآورده شده با مقادیر اندازه‌گیری شده تابش توسط پیرانومتر مقایسه شدند. برای راحتی کار به هر یک از معادلات، به ترتیب ارائه شده در بخش مواد و روش‌ها، عددی اختصاص داده شده است و این روابط در جداول با شماره‌های اختصاص داده شده، مشخص شده‌اند. بنابراین معادله‌ی آنگستروم-پرسکات شماره ۱ با عدد ۱، آنگستروم-پرسکات شماره ۲ با عدد ۲، معادله‌ی آنگستروم-پرسکات شماره ۳ با عدد ۳، معادله‌ی آنگستروم-پرسکات شماره ۴ با عدد ۴، معادله‌ی رگزیونی علیزاده-خلیلی با عدد ۵، معادله صباغ با شماره ۶ و معادله گلور-مک کلوت با شماره ۷ مشخص شده‌اند. چنان‌که گفته شد، محاسبات در دو مقیاس روزانه و ماهانه انجام شده است و در مقیاس ماهانه متوسط مقادیر روزانه تابش در ماه مورد نظر در نظر گرفته شده

است. جدول ۱ شاخص های آماری R^2 ، $RSME$ ، MBE و t محاسبه شده برای مقیاس روزانه و جدول ۲ همین شاخص ها را در مقیاس ماهانه نشان می دهند. شاخص MBE تفاوت بین مقدار اندازه گیری شده تابش و مقدار برآورد شده آن را منعکس می کند و کمینه ی مقدار آن نشان دهنده ی بهترین الگوی تابش است (۱۷). بنابراین به طور کلی برای انتخاب بهترین و مناسب ترین معادله ی تابش منطقه ی مورد مطالعه، باید میزان شاخص های MBE ، $RSME$ و t پایین بوده و شاخص R^2 دارای بالاترین مقدار خود باشد. لازم به ذکر است که واحد مقادیر تابش بر حسب مگاژول بر متر مربع بر روز می باشد.

جدول ۱. شاخص های آماری محاسبه شده برای مقیاس روزانه

شماره معادله	R^2	RMSE	MBE	t
1	0.639	4.90	0.78	1.57
2	0.640	4.69	-1.03	2.18
3	0.647	4.50	-0.37	0.80
4	0.643	4.50	-0.49	1.07
5	0.640	4.63	-0.77	1.64
6	0.060	14.15	4.59	3.32
7	0.636	4.95	0.71	1.40

جدول ۲. شاخص های آماری محاسبه شده برای مقیاس ماهانه

شماره معادله	R^2	RMSE	MBE	t
1	0.850	2.68	0.16	0.59
2	0.850	2.96	-1.60	6.24
3	0.850	2.65	-0.93	3.63
4	0.840	2.76	-1.01	3.80
5	0.847	2.86	-1.34	5.15
6	0.496	6.15	4.10	8.66
7	0.849	2.70	0.08	0.29

نتایج نشان می‌دهند که در مقیاس روزانه با توجه به بالاترین مقدار R^2 (برابر ۰/۶۴۷) بهترین روش برای محاسبه‌ی تابش خورشیدی رسیده به سطح زمین (R_s) معادله‌ی شماره ۳ (آنگستروم- پرسکات شماره ۳ که توسط خلیلی و رضایی صدر و تحت تأثیر طیف جذبی بخار آب در اتمسفر واسنجی شده است) می‌باشد. نگاهی به مقادیر $RMSE$ نیز نشان می‌دهد که این معادله مقدار خطای کمتری داشته (۴/۵۰) و بنابراین برتری این الگو تأیید می‌شود. البته مشاهده می‌شود که سایر معادلات نیز تفاوت چندانی را نشان نمی‌دهند و مقادیر R^2 و $RMSE$ آن‌ها تقریباً در یک سطح هستند. تنها معادله‌ی صباغ (شماره ۶) نتایج نامناسبی را نشان می‌دهد که به نظر می‌رسد به دلیل استفاده از فاکتور Reddy (۱۴) است که اولاً به صورت ماهانه در نظر گرفته می‌شود و ثانیاً مقادیر آن برای ماه‌های مختلف متفاوت است (در این جا متوسط آن در نظر گرفته شده است). مقدار MBE نیز نشان می‌دهد که تفاوت مقدار برآورد شده با مقدار اندازه‌گیری شده در معادله ۳ قابل قبول‌تر است. همچنین این شاخص نشان می‌دهد که معادلات ۱، ۶ و ۷ (به ترتیب معادله پیشنهادی فائو، معادله صباغ و معادله گلور- مک‌کلوت) مقادیری بیشتر (مقادیر مثبت) از مقدار واقعی را برآورد می‌کنند و سایر روابط، مقادیر کمتری (مقادیر منفی) را برآورد می‌زنند.

در مقیاس ماهانه چنان‌که در جدول ۲ مشاهده می‌شود، مقدار $RMSE$ باز هم در معادله ۳ کمتر از سایر معادلات است (۲/۶۵) اما مقادیر MBE و t برای معادله‌ی شماره ۷ (گلور- مک‌کلوت) نسبت به سایر روابط کم‌تر است و پس از آن، معادله شماره ۱ و معادله شماره ۳ قرار دارند. بنابراین می‌توان گفت با توجه به مقادیر پایین شاخص‌های گفته شده در معادله‌ی ۷ و همچنین به دلیل تفاوت اندک میزان R^2 در معادله‌های ۱ و ۷، می‌توان گفت که در مقیاس ماهانه این معادله از سایر معادلات مناسب‌تر است. همچنین مشاهده می‌شود که در این مقیاس نیز معادله‌ی صباغ نتایج قابل قبولی را ارائه نمی‌دهد، اما با توجه به مقدار R^2 ، نسبت به مقیاس روزانه از دقت بالاتری برخوردار است (۰/۴۹۶ در برابر ۰/۰۶). بنابراین با توجه به این موضوع و نیز به دلیل این‌که این معادله نیاز به پارامترها و محاسبات بیشتری نسبت به سایر معادلات دارد، استفاده از آن در منطقه‌ی مورد مطالعه سفارش نمی‌شود.

لازم به یادآوری است که چون در مقیاس ماهانه از مقادیر متوسط روزانه در هر ماه استفاده شده است و بنابراین خطای مربوط به هر روز در تمام ماه جمع شده در نتیجه میزان خطای بیشتری را ایجاد می کند، لذا توصیه می شود که به نتایج داده های روزانه توجه بیشتری شود. بنابراین با توجه به مقیاس روزانه ترتیب اولویت معادلات به شکل جدول ۳، خواهد بود.

جدول ۳. معادلات مورد بررسی به ترتیب اولویت بر اساس مقیاس روزانه

ترتیب اولویت	نام معادله
اولویت اول	معادله آنگستروم- پرسکات ۳: واسنجی شده توسط خلیلی و رضایی صدر تحت تأثیر بخار آب (شماره ۳)
اولویت دوم	معادله آنگستروم- پرسکات ۲: واسنجی شده توسط خلیلی و رضایی صدر (شماره ۲)
اولویت سوم	معادله رگسیون علیزاده و خلیلی (شماره ۵)
اولویت چهارم	معادله آنگستروم- پرسکات ۴: واسنجی شده توسط علیزاده و خلیلی (شماره ۴)
اولویت پنجم	معادله گلور- مک کلوت (شماره ۷)
اولویت ششم	معادله آنگستروم- پرسکات پیشنهادی فائو (شماره ۱)
اولویت هفتم	معادله صباغ (شماره ۶) (توصیه نمی شود)

قدردانی و سپاس

نگارندگان مقاله بدین وسیله از حمایت و مساعدت معاونت پژوهشی دانشگاه فردوسی مشهد برای انجام این تحقیق در قالب طرح تحقیقاتی شماره ۱۶۳۳۰/۲، قدردانی و سپاسگزاری می نمایند.

منابع و مأخذ

۱. خلیلی، ع. و رضایی صدر، ح.، (۱۳۷۶)، «تخمین تابش کلی خورشید در گستره ایران بر مبنای داده های اقلیمی»، فصلنامه‌ی تحقیقات جغرافیایی، شماره ۴۶: ۱۵ تا ۳۵.
۲. علیزاده، ا. و خلیلی، ن.، (۱۳۸۸)، «تعیین ضرایب معادله آنگستروم و توسعه یک معادله رگرسیونی تخمین تابش خورشیدی (مطالعه موردی: منطقه مشهد)»، مجله‌ی علوم و صنایع کشاورزی (آب و خاک)، جلد ۲۳، شماره ۱، ۲۳۸-۲۲۹.
۳. موسوی بایگی، م.، اشرف، ب. و میان آبادی، آ.، ۱۳۸۹، «بررسی مدل های مختلف برآورد تابش خورشیدی به منظور معرفی مناسب ترین مدل در یک اقلیم نیمه خشک»، مجله آب و خاک جلد ۲۴، شماره ۴، ص ۸۳۶ تا ۸۴۴.
4. Allen, R.G., Pereira, L.S., Raes, D. and Smith, M., 1998, *Crop evapotranspiration guidelines for computing crop water requirements*, FAO Irrigation and Drainage, Paper No 56, Rome.
5. Almorox, J., Benito, M., Hontoria, C., 2005, *Estimation of monthly Angstrom-Prescott equation coefficients from measured daily data in Toledo, Spain*, Renewable Energy 30, 931-936.
6. Angstrom, A., 1924. *Solar and terrestrial radiation*. Quart. J. Roy. Meteorol. Soc. 50, 121-125.
7. Bristow, K.L., Campbell, G.S., 1984. *On the relationship between incoming solar radiation and daily maximum and minimum temperature*. Agric. Forest. Meteorol. 31, 159-166.
8. Ehnberg, J.S.G., Bollen, M.H.J., 2005. *Simulation of global solar radiation based on cloud observations*. Solar Energy 78, 157-162.
9. Elagib, N. A., Babiker, Sh. F. and Alvi, Sh. H., 1998, *New empirical models for global solar radiation over Bahrain*, Energy Conversion and Management, Mgmt 39(8), 827-835.
10. Iziomon, M. G. and Mayer, H., 2002, *Assessment of some global solar radiation parameterizations*, Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics 64, 1631-1643.
11. Jacovides, C. P., 1997, *Reply to comment on Statistical procedures for the evaluation of evapotranspiration models*. Agricultural water management 3:95-97.
12. Lopez, G., Rubio, M. A. and Batlles, F. J., 2000, *Estimation of hourly direct normal from measured global solar irradiance in Spain*, Renewable Energy, 21, 175-186.

13. Prescott, J.A., 1940. *Evaporation from water surface in relation to solar radiation*. Trans. Roy. Soc. Austr. 64, 114–125.
14. Reddy, S. J., 1971, *An empirical method for the estimation of total solar radiation*. Solar Energy, 13, 289-291.
15. Rehman, Sh, 1998, *Solar radiation over Saudi Arabia and comparisons with empirical models*, Energy, 23(12), 1077–1082.
16. Sabbagh, J., Sayigh, Aam., Al-Salam, EMA, 1997, *Estimation of the total solar radiation from meteorological data*, Solar Energy, 19, 307-311.
17. Sabziparvar, A. A. and Shetaee, H., 2007, *Estimation of global solar radiation in arid and semi-arid climates of East and West Iran*, Energy 32, 649–655.
18. Skeiker, K., 2006, *Correlation of global solar radiation with common geographical and meteorological parameters for Damascus province, Syria*, Energy Conversion and Management, Mgmt, 47, 331-345.
19. Sozne, A., 2005, *Solar energy potential in Turkey*, Applied Energy 80, 367-381.
20. Togrul, I. T. and Onat, E., 1999, *A study for estimating solar radiation in Elazig using geographical and meteorological data*, Energy Conversion & Management 40, 1577-1584.
21. Yang, K., Koike, T. and Ye, B., 2006, *Improving estimation of hourly, daily, and monthly solar radiation by importing global data sets*, Agricultural and Forest Meteorology 137, 43–55.